

2024年度 一般入学試験 後期日程

数 学

(試験時間 60分)

I 注意事項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- 2 この問題冊子は、25 ページあります。出題科目、ページ及び選択方法は、下表のとおりです。

出 題 科 目		ペ ー ジ	選 択 方 法
数学①	数学Ⅰ・数学A	3 ～ 13	数学①もしくは数学②のどちらか1科目を選択して解答しなさい。 ただし、教育学部学校教育課程を志願し、文系型で数学を受験する者は数学①を、理系型で数学を受験する者は数学②を必ず受験すること。
数学②	数学Ⅰ・数学A 数学Ⅱ・数学B	15 ～ 25	

- 3 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせなさい。
- 4 解答用紙には解答欄以外に次の記入欄があるので、それぞれ正しく記入し、マークしなさい。
 - ① 試験コード欄・座席番号欄
試験コード・座席番号(数字)を記入し、さらにその下のマーク欄にマークしなさい。正しくマークされていない場合は、採点できないことがあります。
 - ② 氏名欄
氏名・フリガナを記入しなさい。
 - ③ 解答科目欄
解答する科目を一つ選び、科目名の右の○にマークしなさい。マークされていない場合又は複数の科目にマークされている場合は、0点となります。
- 5 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが、どのページも切り離してはいけません。
- 6 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。

裏表紙へ続く、裏表紙も必ず読むこと。

II 解答上の注意

- 1 解答は、解答用紙の問題番号に対応した解答欄にマークしなさい。
- 2 問題の文中の **ア** , **イウ** などには、符号(−, ±)又は数字(0~9)が入ります。**ア** , **イ** , **ウ** , …の一つ一つは、これらのいずれか一つに対応します。それらを解答用紙の**ア** , **イ** , **ウ** , …で示された解答欄にマークして答えなさい。

例 **アイウ** に−35 と答えたいとき

ア	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
イ	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
ウ	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

- 3 分数形で解答する場合、分数の符号は分子につけ、分母につけてはいけません。

例えば、 $\frac{\text{エオ}}{\text{カ}}$ に $-\frac{2}{3}$ と答えたいときは、 $\frac{-2}{3}$ として答えなさい。

また、それ以上約分できない形で答えなさい。

例えば、 $\frac{1}{2}$ と答えるところを、 $\frac{2}{4}$ のように答えてはいけません。

- 4 小数の形で解答する場合、指定された桁数の一つ下の桁を四捨五入して答えなさい。また、必要に応じて、指定された桁まで $\textcircled{0}$ にマークしなさい。

例えば、**キ** . **クケ** に 4.5 と答えたいときは、4.50 として答えなさい。

- 5 根号を含む形で解答する場合、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えなさい。

例えば、**コ** $\sqrt{\text{サ}}$ に $6\sqrt{2}$ と答えるところを、 $3\sqrt{8}$ のように答えてはいけません。

- 6 根号を含む分数形で解答する場合、例えば $\frac{\text{シ} + \text{ス} \sqrt{\text{セ}}}{\text{ソ}}$ に $\frac{1 + 2\sqrt{2}}{3}$ と答えるところを、 $\frac{2 + 4\sqrt{2}}{6}$ や $\frac{2 + 2\sqrt{8}}{6}$ のように答えてはいけません。

- 7 問題の文中の二重四角で表記された **タ** などには、選択肢から一つを選んで、答えなさい。

- 8 同一の問題文中に **チツ** , **テ** などが2度以上現れる場合、原則として、2度目以降は、**チツ** , **テ** のように細字で表記します。

数学② (数学Ⅰ・数学A) (数学Ⅱ・数学B)

数学①もしくは数学②のどちらか1科目を選択して解答しなさい。

教育学部 学校教育課程を志願し、文系型で数学を受験する者は数学①を、理系型で数学を受験する者は数学②を必ず受験すること。

解答用紙の解答科目欄に解答する科目を必ずマークすること。

数学② (数学Ⅰ・数学A)
(数学Ⅱ・数学B)

第1問

- (1) 次の に当てはまるものを、下の①～③のうちから一つ選べ。

$$|2\sqrt{3} - 7| + |\sqrt{3} - 1| = \text{ア}$$

- ① $3\sqrt{3} - 8$ ② $\sqrt{3} - 6$ ③ $-\sqrt{3} + 6$ ④ $-3\sqrt{3} + 8$

- (2) a, b, c を実数の定数 ($a \neq 0$) とする。放物線 $y = ax^2 + bx + c$ が3点

$(3, 17)$, $(-1, -\frac{13}{3})$, $(0, -5)$ を通るとき

$$a = \text{イ}, \quad b = \frac{\text{ウ}}{\text{エ}}, \quad c = \text{オカ}$$

である。

(3) 次の , に当てはまるものを, 下の①~③のうちから一つずつ選べ。ただし, 同じものを繰り返し選んでもよい。

(i) 正の整数 m, n について, m^2n が 8 の倍数であることは, mn が 4 の倍数であるための 。

(ii) x を $4 < x < 10$ を満たす実数とし, $\triangle ABC$ の 3 辺の長さを 3, 7, x とする。 $4 < x < 2\sqrt{10}$ であることは, $\triangle ABC$ が鈍角三角形であるための 。

- ① 必要十分条件である
- ② 必要条件であるが, 十分条件ではない
- ③ 十分条件であるが, 必要条件ではない
- ④ 必要条件でも十分条件でもない

数学②

- (4) すべての実数 x について

$$\begin{aligned} & \sin\left(x + \frac{5}{6}\pi\right) + 2\sqrt{3}\cos\left(x - \frac{\pi}{2}\right) \\ &= \frac{\boxed{\text{ケ}}\sqrt{\boxed{\text{コ}}}}{\boxed{\text{サ}}}\sin x + \frac{\boxed{\text{シ}}}{\boxed{\text{ス}}}\cos x \end{aligned}$$

が成り立つ。

- (5) 点 O を原点とする座標空間に 2 点 A, B がある。

$$\vec{OA} = (1, 2, 3), \vec{OB} = (1, 4, -1)$$

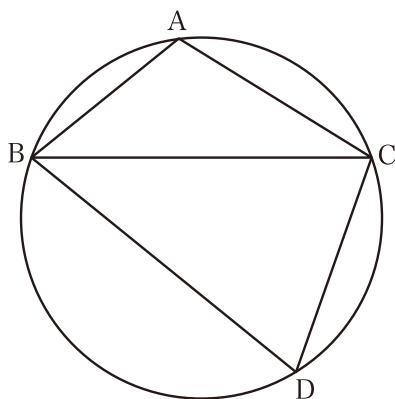
であるとき、 $\triangle OAB$ の面積は $\boxed{\text{セ}}\sqrt{\boxed{\text{ソ}}}$ である。

(下書き用紙)

数学②の試験問題は次に続く。

第2問

△ABCにおいて、 $AB = 5, BC = 9, CA = 6$ とする。△ABCの外接円を K とし、円 K の点 A を含まない弧 BC 上に、点 D を弦 BD と弦 CD の長さの比が $3:2$ となるようにとる。



(1) △ABCにおいて余弦定理より、 $\cos\angle BAC = \frac{\boxed{\text{アイ}}}{\boxed{\text{ウ}}}$ である。また、正

弦定理より、円 K の半径は $\frac{\boxed{\text{エオ}}\sqrt{\boxed{\text{カ}}}}{\boxed{\text{キ}}}$ である。

さらに、△BCDに余弦定理を用いると、 $BD = \boxed{\text{ク}}$ を得る。これより、

$\sin\angle BCD = \frac{\boxed{\text{ケ}}\sqrt{\boxed{\text{カ}}}}{\boxed{\text{コ}}}$ である。

(2) 線分 CD の D を越える延長上に、 $DE = 3$ を満たす点 E をとる。また、直線 BE と円 K の交点のうち、点 B と異なるものを F とする。このとき

$$BE = \boxed{\text{サ}} \sqrt{\boxed{\text{シ}}}, \quad EF = \frac{\boxed{\text{ス}} \sqrt{\boxed{\text{シ}}}}{\boxed{\text{セ}}}$$

であり、 $\triangle CEF$ の面積は $\frac{\boxed{\text{ソタ}} \sqrt{\boxed{\text{チ}}}}{\boxed{\text{ツ}}}$ である。

さらに、直線 BD と直線 CF の交点を G とすると

$$BG = \frac{\boxed{\text{テト}}}{\boxed{\text{ナニ}}}$$

である。

第3問

正四面体 ABCD の四つの頂点間を移動する点 P がある。点 P は時刻 0 秒に頂点 A にあるとする。その後、点 P は 1 秒ごとにその時点での頂点以外の三つの頂点にそれぞれ $\frac{1}{6}$ の確率で移動し、 $\frac{1}{2}$ の確率でその時点での頂点にとどまる。

(1) 時刻 1 秒に点 P が頂点 A または頂点 B にある確率は $\frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}$ である。また、

時刻 2 秒に点 P が頂点 A にある確率は $\frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}}$ であり、頂点 B にある確率

は $\frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}}$ である。

(2) 時刻 0 秒から 3 秒までの間に、点 P が一度も頂点 B になぬ確率は

$\frac{\boxed{\text{キクケ}}}{\boxed{\text{コサシ}}}$ である。また、時刻 3 秒に点 P が頂点 A にある確率は $\frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セソ}}}$

である。

(3) 正四面体 ABCD の頂点間を移動するもう一つの点を Q とする。点 Q は時刻 0 秒に頂点 B にあり、点 P と同様に 1 秒ごとに他の三つの頂点に $\frac{1}{6}$ の確率で移動し、 $\frac{1}{2}$ の確率でその時点での頂点にとどまる。また、2 点 P, Q が同じ頂点にある状態を「2 点 P, Q が重なっている」ということにする。

(i) 時刻 1 秒に 2 点 P, Q が重なっている確率は $\frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}}$ である。

(ii) 時刻 2 秒に 2 点 P, Q が重なっている確率は $\frac{\boxed{\text{ツテ}}}{\boxed{\text{トナ}}}$ である。

(iii) 時刻 2 秒に 2 点 P, Q が重なっているとき、時刻 1 秒でも 2 点 P, Q が重なっていた条件付き確率は $\frac{\boxed{\text{ニ}}}{\boxed{\text{ヌネ}}}$ である。

第4問

座標平面上で、二つの放物線

$$C_1 : y = x^2 - 2x + 4$$

$$C_2 : y = \frac{1}{3}x^2$$

について考える。 t を実数とし、 x 座標が t である点における放物線 C_1 の接線を ℓ とする。また、直線 ℓ と放物線 C_2 の共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とする。

(1) 直線 ℓ の方程式は

$$y = \left(\boxed{\text{ア}} t - \boxed{\text{イ}} \right) x - t^2 + \boxed{\text{ウ}}$$

である。また、 $\alpha + \beta, \alpha\beta$ を t を用いて表すと

$$\alpha + \beta = \boxed{\text{エ}} t - \boxed{\text{オ}}, \quad \alpha\beta = \boxed{\text{カ}} t^2 - \boxed{\text{キク}}$$

である。

(2) t の動く範囲を実数全体とし、 t の関数 $h(t)$ を

$$h(t) = \frac{1}{54}(\alpha^3 + \beta^3) - \frac{4}{3}(\alpha + \beta)$$

と定める。 $h(t)$ が極値をとるのは $t = \frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}}$, $\boxed{\text{サ}}$ のときである。 $h(t)$

が極小となるのは $\alpha = \boxed{\text{シ}}$, $\beta = \boxed{\text{ス}}$ のときであり、そのときの極小値は $\boxed{\text{セソ}}$ である。

(3) 直線 l と放物線 C_2 で囲まれた部分の面積を S とする。 S は t を用いて

$$S = \frac{\boxed{\text{タ}} \sqrt{\boxed{\text{チ}}}}{\boxed{\text{ツ}}} \sqrt{(\boxed{\text{テ}} t^2 - \boxed{\text{ト}} t + \boxed{\text{ナ}})^3}$$

と表せる。

したがって、 t が実数全体を動くとき、 S の最小値は $\frac{\boxed{\text{ニ}} \sqrt{\boxed{\text{ヌネ}}}}{\boxed{\text{ノ}}}$ で

ある。